



INSTITUTO DE FÍSICA  
Universidade Federal Fluminense

# Curso de Termodinâmica-GFI 00175

## 2<sup>o</sup> semestre de 2016

### 4<sup>a</sup> série de Exercícios

Prof. Jürgen Stilck

1. Mostre que a relação:

$$\alpha = \frac{1}{T}$$

implica  $c_p$  independente da pressão, ou seja,

$$\left(\frac{\partial c_p}{\partial p}\right)_T = 0.$$

2. (\*) Diminui-se o volume de um sistema em 1%, mantendo o número de moles constante e em condições adiabáticas. Estime a variação do potencial químico em termos de  $c_p$ ,  $\alpha$  e  $\kappa_T$ .
3. Mostre que

$$\left(\frac{\partial u}{\partial v}\right)_T = T \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_v - p.$$

Se um fluido segue equações de estado do tipo:

$$p(T, v) = Tw(v) - q(v)$$

e

$$u(T, p) = cT - r(v),$$

use a identidade provada acima para mostrar que as funções  $q(v)$  e  $r(v)$  devem estar relacionadas por  $r'(v) = -q(v)$ . Mostre que a equação de estado de van der Waals tem a forma acima, determinando as funções  $w(v)$  e  $q(v)$ . Obtenha para o modelo a função  $r(v)$ .

4. Exprima a derivada

$$\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_H$$

em termos de  $c_p$ ,  $\alpha$  e  $\kappa_T$ . Mostre que esta derivada se anula para um gás ideal.

5. No processo de Joule-Thompson, o gás passa por uma parede porosa. A pressão antes do processo é  $p_i$  e depois passa a  $p_f < p_i$ . Não há troca de calor no processo, que ocorre a entalpia constante. A variação da temperatura do gás está relacionada com o coeficiente de Joule-Thompson

$$\mu_{JT} = \left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_H = \frac{V}{C_p}(T\alpha - 1),$$

onde  $C_p$  é a capacidade térmica a pressão constante e  $\alpha$  é o coeficiente de dilatação térmica do gás.

a) Mostre que para um gás ideal  $\mu_{JT} = 0$  e portanto a temperatura do gás não é alterada no processo.

b) Suponha agora que, numa aproximação melhor, consideramos a expansão virial para um gás, escrevendo a sua equação de estado como:

$$\frac{pv}{RT} = 1 + \frac{B_2(T)}{v} + \dots,$$

onde o coeficiente virial  $B_2(T) = A - B/T$ , com  $A$  e  $B$  constantes positivas e desprezando termos de ordem superior. A curva de inversão no plano  $(T, p)$  separa os estados iniciais do gás que levam a um aquecimento no processo Joule-Thompson daqueles onde ocorre um resfriamento. Obtenha a curva de inversão para esse gás em termos das constantes definidas acima.

c) Quais são as unidades das constantes  $A$  e  $B$  e de qual lado da curva de inversão obtida ocorre resfriamento? Justifique as suas respostas.

6. Obtenha a equação que dá a curva de inversão para gases que obedeçam

a) À equação de estado de van der Waals.

b) À equação de estado de Dieterici.

c) À equação de estado de Berthelot.

7. Mostre que a energia interna de gases que obedecem às equações de estado de van der Waals, de Dietrici e de Berthelot depende do volume, além da temperatura. Mostre que isso vale também para a expansão virial, desde que os coeficientes viriais não sejam independentes da temperatura.
8. Determine o segundo coeficiente virial  $B_2$  para gases que obedecem às equações de estado de van der Waals, de Dietrici e de Berthelot.
9. Dois moles de  $O_2$ , inicialmente à temperatura de  $0^\circ C$  e à pressão de 1 atm, são comprimidos adiabaticamente até atingirem a temperatura final de  $300^\circ C$ . Obtenha a pressão final integrando a equação (5.42) do livro texto. Assuma que o oxigênio se comporte como um gás ideal e que sua capacidade térmica molar a pressão constante possa ser aproximada por  $c_p = A + BT + CT^2$ , com  $A = 6,26 \text{ cal/mol K}$ ,  $B = 2,746 \times 10^{-3} \text{ cal/mol K}^2$  e  $C = -0,770 \times 10^{-6} \text{ cal/mol K}^3$ .

Sugestão: use o resultado (5.42) obtido no livro-texto:

$$\left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_S = \frac{C_p}{TV\alpha},$$

e mostre que, para um gás ideal:

$$\int_{T_i}^{T_f} \frac{c_p}{T} dT = R \int_{p_i}^{p_f} \frac{dp}{p}.$$